### Атомная физика. Лекция №1.

Излучение абсолютно черного тела.

Эффект Комптона.

Фотоэффект.

Гипотеза де-Бройля.

Соотношение неопределенностей Гейзенберга.

Волновая функция.

### Свечение тел

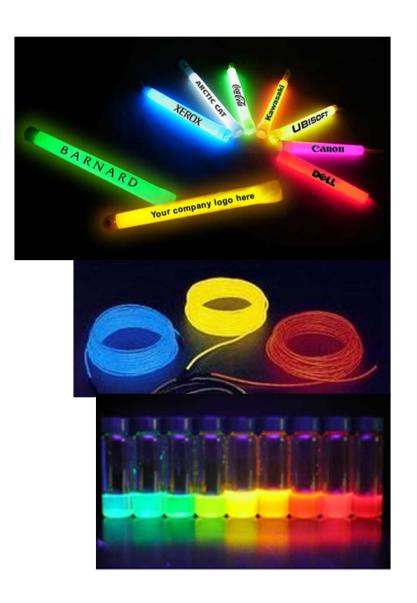
• Хемилюминесценция

• Электролюминесценция

• Фотолюминесценция

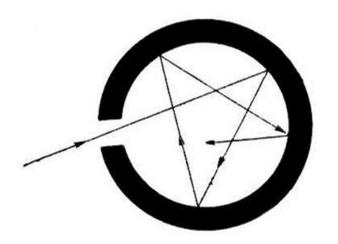


Тепловое (температурное) излучение



### Излучение абсолютно чёрного тела

• Абсолютно чёрное тело — физическая идеализация, применяемая в термодинамике, тело, поглощающее всё падающее на него электромагнитное излучение во всех диапазонах и ничего не отражающее. Несмотря на название, абсолютно чёрное тело само может испускать электромагнитное излучение любой частоты и визуально иметь цвет.



Модель АЧТ: отверстие в теле с полостью, стенки которой покрыты поглощающим излучение материалом. ВАЖНО: моделью АЧТ является не полость или система в целом, а только отверстие.

Среди тел Солнечной системы свойствами абсолютно чёрного тела в наибольшей степени обладает Солнце.

• Энергетическая светимость тела -- физическая величина, являющаяся функцией температуры и численно равная энергии, испускаемой телом в единицу времени с единицы площади поверхности по всем направлениям и по всему спектру частот.

$$R_T = rac{W}{tS}$$
 • Дж/с·м²=Вт/м²

• Спектральная плотность энергетической светимости — функция частоты и температуры характеризующая распределение энергии излучения по всему спектру частот (или длин волн).

$$R_T = \int_0^\infty r_{\omega,T} d\omega \qquad \qquad R_T = \int_0^\infty r_{\lambda,T} d\lambda$$

- Аналогичную функцию можно написать и через длину волны (справа)
- Можно доказать что спектральная плотность и энергетическая светимость выраженные через частоту и длину волны, связаны соотношением:  $\chi^2$

$$r_{\omega,T} = \frac{\lambda}{2\pi c} r_{\lambda,T}$$

**Поглощающая способность тела** —  $a_{\omega,T}$  — функция частоты и температуры, показывающая какая часть энергии электромагнитного излучения, падающего на тело, поглощается телом в области частот  $d\omega$ вблизи 🕼

$$a_{\omega,T} = \frac{d\Phi'_{\omega,T}}{d\Phi_{\omega,T}}$$

- $a_{\omega,T}=rac{d\Phi'_{\omega,T}}{d\Phi_{\omega,T}}$  где  $d\Phi'$  поток энергии, поглощающейся телом.  $d\Phi$  поток энергии, падающий на тело в области вблизи Отражающая способность тела - - функция частоты и температуры, показывающая какая часть энергии электромагнитного излучения, падающего на тело, отражается от него в области частот  $d\omega$  вблизи  $\omega$   $b_{\omega,T}=\frac{d\Phi_{\omega,T}''}{d\Phi_{\omega,T}}$

$$b_{\omega,T} = \frac{d\Phi_{\omega,T}^{"}}{d\Phi_{\omega,T}}$$

где  $d\Phi''$  - поток энергии, отражающейся от тела.

 $d\Phi$  - поток энергии, падающий на тело в области  $d\omega$  вблизи $\omega$ 

- Для АЧТ поглощающая способность равна 1.
- Для серого тела поглощающая способность больше 0 и меньше 1.

### Закон Кирхгофа

 Отношение излучательной способности любого тела к его поглощательной способности одинаково для всех тел при данной температуре для данной частоты и не зависит от их формы, химического состава и т.д.

Величины  $r(\omega,T)$ и  $a(\omega,T)$ могут сильно меняться при переходе от одного тела к другому, однако согласно закону излучения Кирхгофа отношение испускательной и поглощательной способностей не зависит от природы тела и является универсальной функцией частоты (длины волны) и температуры:

$$\frac{r(\omega,T)}{a(\omega,T)} = \frac{r_0(\omega,T)}{a_0(\omega,T)} = \frac{r(\omega,T)}{1} = f(\omega,T)$$

### Законы излучения

В 1896 году Вин на основе дополнительных предположений вывел второй

• 
$$u_{\nu} = \frac{8\pi h \nu^3}{c^3} e^{-h\nu/kT}$$

где  $u_{v}$  — плотность энергии излучения

v — частота излучения

Т — температура излучающего тела

h — постоянная Планка

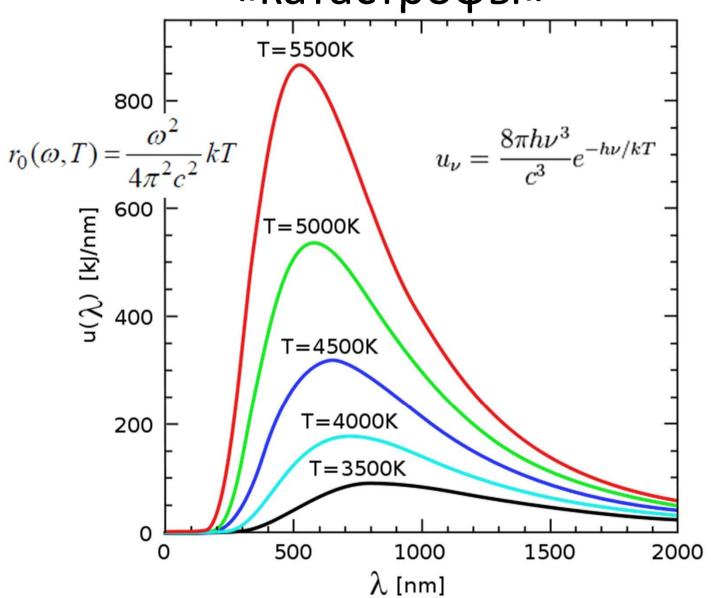
k — постоянная Больцмана

с — скорость света в вакууме

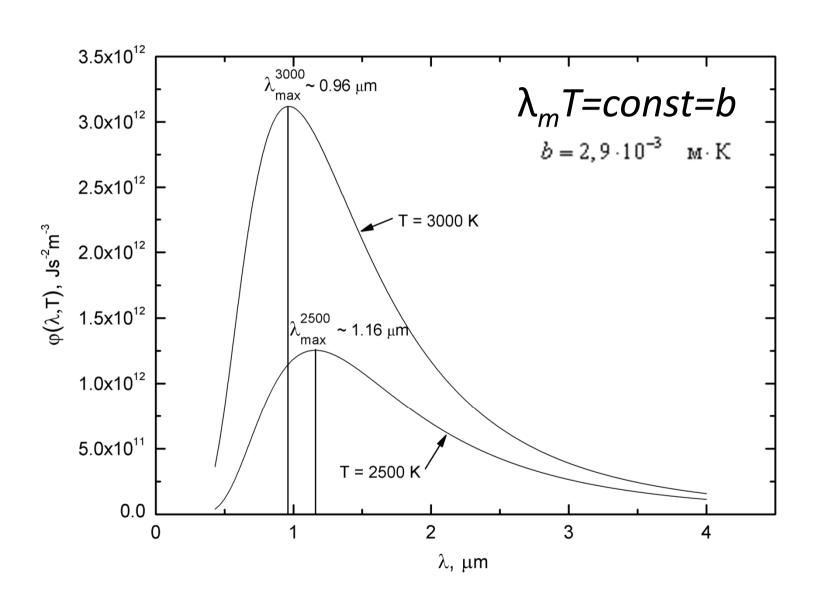
Закон Рэлея-Джинса является попыткой описать излучение абсолютно чёрного тела, исходя из классических представлений термодинамики и электродинамики.

$$r_0(\omega, T) = \frac{\omega^2}{4\pi^2 c^2} kT$$

### Ультрафиолетовая и инфракрасная «катастрофы»



### Закон смещения Вина



### Закон Планка. Закон Стефана-Больцмана

Интенсивность излучения абсолютно чёрного тела в зависимости от температуры и частоты определяется **законом Планка**:

$$r_0(\omega, T) = \frac{\hbar \omega^3}{4\pi^2 c^2} \frac{1}{\frac{\hbar \omega}{e^{kT} - 1}}$$

где I(v)dv — мощность излучения на единицу площади излучающей поверхности в диапазоне частот от v до v+dv.

Эквивалентно,

$$r_0(\lambda, T) = \frac{2\pi hc^2}{\lambda^5} \frac{1}{e^{\frac{hc}{\lambda kT}} - 1}$$

Суммарная интенсивность излучения чёрного тела во всём диапазоне излучения определяется законом Стефана-Больцмана:

$$R(T) = \sigma T^4$$

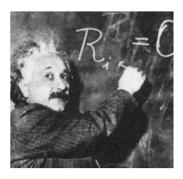
$$\sigma = \frac{2\pi^5 k^4}{15c^2 h^3} = \frac{\pi^2 k^4}{60\hbar^3 c^2} \simeq 5,670400(40) \cdot 10^{-8} \mathrm{Bt/(m^2 \cdot K^4)} -$$
постоянная Стефана — Больцмана.

# gestreute Strahlung $E = h \cdot f'$ einfallende Strahlung $E = h \cdot f$

### Эффект Комптона

Явление изменения длины волны электромагнитного излучения вследствие рассеивания его электронами. Обнаружен американским физиком Артуром Комптоном в 1923 году для рентгеновского излучения.

• 
$$\Delta \lambda = \lambda - \lambda_0 = \Lambda_c (1 - \cos \phi)$$

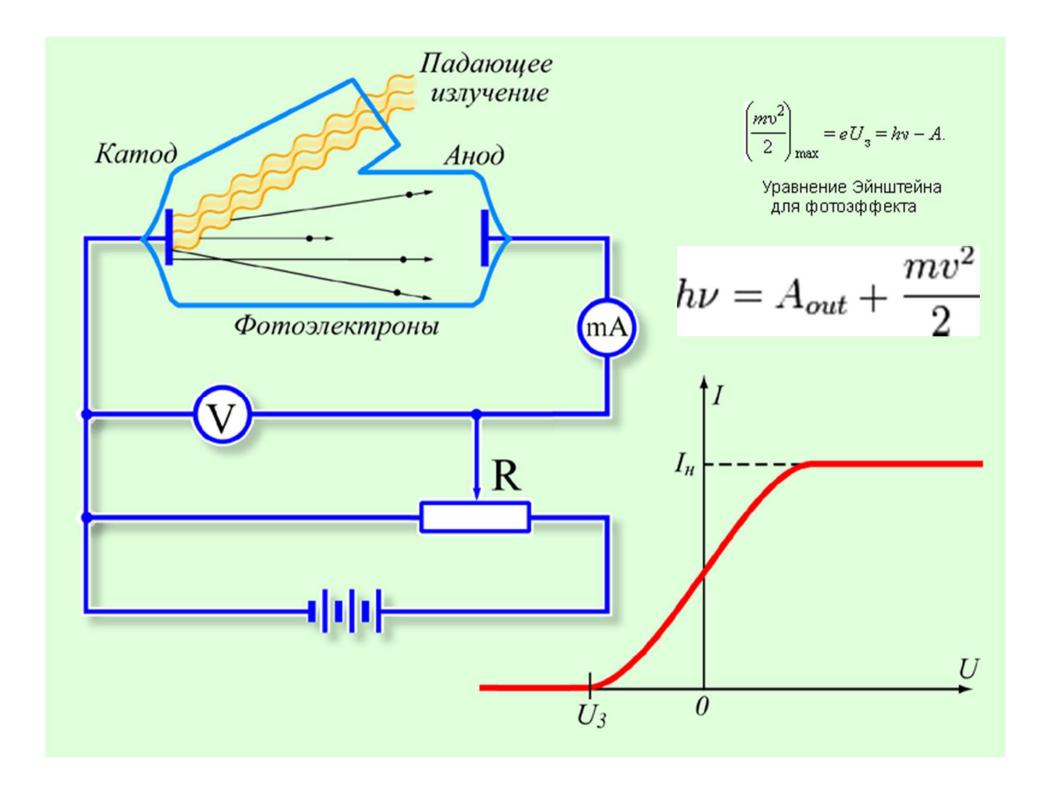


### Фотоэффект

• Фотоэффе́кт — это испускание электронов веществом под действием света (и, вообще говоря, любого электромагнитного излучения). В конденсированных веществах (твёрдых и жидких) выделяют внешний и внутренний фотоэффект.

#### • Законы фотоэффекта:

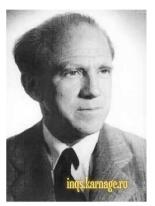
- количество электронов, вырываемых светом с поверхности металла за единицу времени на данной частоте, прямо пропорционально интенсивности света.
- максимальная кинетическая энергия вырываемых светом электронов линейно возрастёт с частотой света и не зависит от его интенсивности.
- для каждого вещества существует красная граница фотоэффекта, то есть минимальная частота света  $v_0$  (или максимальная длина волны  $\lambda_0$ ), при которой ещё возможен фотоэффект, и если  $v < v_0$ , то фотоэффект уже не происходит.
- Внутренним фотоэффектом называется перераспределение электронов по энергетическим состояниям в твердых и жидких полупроводниках и диэлектриках происходящее под действием излучений. Он проявляется в изменении концентрации носителей зарядов в среде и приводит к возникновению фотопроводимости или вентильного фотоэффекта.



### Гипотеза Де-Бройля: корпускулярно-волновой дуализм

- Луи де Бройль (1892—1987), развивая представления о двойственной корпускулярно-волновой природе света, в 1923 выдвинул году гипотезу об универсальности корпускулярно-волнового дуализма. Он утверждал, что не только фотоны, но и электроны и любые другие частицы материи наряду с корпускулярными обладают также волновыми свойствами.
- Когда дифракционная картина исследовалась для потока электронов, необходимо было доказать, что волновые свойства присущи каждому электрону в отдельности. Это удалось экспериментально подтвердить в 1948 году советскому физику В. А. Фабриканту. Он показал, что даже в случае столь слабого электронного пучка, когда каждый электрон проходит через прибор независимо от других, возникающая при длительной экспозиции дифракционная картина не отличается от дифракционных картин, получаемых при короткой экспозиции для потоков электронов в десятки миллионов раз более интенсивных.

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv},$$
  $\mathbf{p} = \frac{h}{2\pi}\mathbf{k} = \hbar\mathbf{k},$   $\mathbf{k} = \frac{2\pi}{\lambda}\mathbf{n}$   $\hbar = \frac{h}{2\pi} = 1,05 \cdot 10^{-34} \, \text{Дж-c}$ 



## Соотношение неопределённостей Гейзенберга

- Соотношения неопределённостей Гейзенберга являются **теоретическим пределом точности одновременных измерений** двух некоммутирующих наблюдаемых.
- Пример: представим, что нам надо измерить положение электрона, «просвечивая» пространство излучением с маленькой длиной волны. Если электрон поглощает квант такого излучения – мы видим его «тень» и узнаём его положение. Но, поглотив квант излучения, электрон меняет свой импульс.

$$\Delta x_i \Delta p_i \geqslant \frac{\hbar}{2}$$

 $\Delta J_i \Delta J_j \geqslant \frac{\hbar}{2} \left| \langle J_k \rangle \right|$ 

$$\Delta E \Delta t \geqslant \frac{\hbar}{2}$$

«Бог не играет в кости!»

Альберт Эйнштейн

«Эйнштейн, не говорите Богу, что делать!»

Нильс Бор

Квантового физика останавливает на шоссе полицейский и спрашивает: «Вы знаете, как быстро Вы ехали, сэр?». На что физик отвечает: «Нет, но я точно знаю, где я!»







- **Волнова́я фу́нкция (функция состояния, пси-функция)** комплекснозначная функция, используемая в квантовой механике для описания чистого состояния квантовомеханической системы.
- Физический смысл волновой функции заключается в том, что плотность вероятности нахождения частицы в данной точке пространства в данный момент времени считается равной квадрату абсолютного значения волновой функции этого состояния
- Вероятность нахождения частицы в области пространства объёмом V можно рассчитать по формуле

$$P = \int dP = \int_{V} \omega dV = \int_{V} \Psi^* \Psi dV$$

• Нормированность волновой функции:

$$\iiint_{\infty} |\Psi|^2 dx \, dy \, dz = 1$$

### Волновая функция

• Принцип суперпозиции: если система может пребывать в состояниях, описываемых волновыми функциями  $\Psi_1$  и  $\Psi_2$ , то она может пребывать и в состоянии, описываемом волновой функцией

$$\Psi_{\Sigma}=c_1\Psi_1+c_2\Psi_2$$
  $\qquad \qquad \Psi_{\Sigma}=c_1\Psi_1+c_2\Psi_2+\ldots+c_N\Psi_N=\sum\limits_{n=1}^Nc_n\Psi_n$ 

- при любых комплексных  $c_1$  и  $c_2$ .
- Условия регулярности волновой функции
  - Условие конечности волновой функции. Волновая функция не может принимать бесконечных значений, таких, что интеграл станет расходящимся. Следовательно, это условие требует, чтобы волновая функция была квадратично интегрируемой функцией. В частности, в задачах с нормированной волновой функцией квадрат модуля волновой функции должен стремиться к нулю на бесконечности.
  - Условие однозначности волновой функции. Волновая функция должна быть однозначной функцией координат и времени, так как плотность вероятности обнаружения частицы должна определяться в каждой задаче однозначно. В задачах с использованием цилиндрической или сферической системы координат условие однозначности приводит к периодичности волновых функций по угловым переменным.
  - Условие непрерывности волновой функции. В любой момент времени волновая функция должна быть непрерывной функцией пространственных координат. Кроме того, непрерывными должны быть также частные производные волновой функции

### Выучить к следующей лекции:

- Формулы и законы:
  - Планка,
  - Вина,
  - Рэлея-Джинса,
  - з-н смещения Вина,
  - з-н Стефана-Больцмана
  - Эйнштейна (для фотоэффекта)
  - Законы Столетова
  - Физический смысл и свойства волновой функции
- Постоянные:
  - Стефана-Больцмана
  - Планка